

First term Test - Grade 13 - 2020

කාලය පැය තුනයි

- මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ.
A කොටස (ප්‍රශ්න 1-10) දක්වා B කොටස (ප්‍රශ්න 11-17)
- A කොටස
සියලුම ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් ප්‍රශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු සපයා ඇති ඉඩෙහි ලියන්න.
වැඩිපුර ඉඩ අවශ්‍ය වේ නම් ඔබට අමතර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකිය.
- B කොටස
ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.
- නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු A කොටස B කොටසට උඩින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විභාග ශාලාධිපතිට භාර දෙන්න.
- ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි B කොටස පමණක් විභාග ශාලාවෙන් පිටතට ගෙනයාමට ඔබට අවසර ඇත.

සංයුක්ත ගණිතය I		
කොටස	ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	එකතුව	
	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
	එකතුව	
මුළු එකතුව		
ප්‍රතිශතය		

පත්‍රය I	
පත්‍රය II	
එකතුව	
අවසාන ලකුණු	

ඉලක්කමෙන්	
අකුරෙන්	

උත්තර පත්‍ර පරීක්ෂක	
පරීක්ෂා කළේ .	1
	2
අධීක්ෂණය	

සංයුක්ත ගණිතය 13 - I(A කොටස)

01. $\frac{4x^3 + 10x + 4}{x(2x + 1)}$ හි හින්න භාග සොයන්න.

EXAM

02. ප්‍රස්ථාර භාවිතයෙන් $|x - 3| > \frac{1}{2}x$ යන අසමානතාවය විසඳන්න. ඒ නයින් හෝ අන්අයුරකින් හෝ $2|x + 4| > x + 7$ යන අසමානතාවය සපුරාලන x හි අගය පරාසය සොයන්න.

Blank lined paper with a large diagonal watermark reading "KMP" in the top left corner.

03. $f(x) = x^4 + 3x^3 + ax + b$ යනු a හා b නියත වන බහපද ශ්‍රිතයකි. $f(x)$ යන්න $x^2 + x - 1$ න් බෙදූ විට ශේෂය $2x + 3$ වේ. a හා b හි අගයයන් සොයන්න.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

04. $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{\sqrt{2 + \cos x} - 1}{(\pi - x)^2}$ හි අගය සොයන්න.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

05. C නම් වක්‍රයේ පරාමිතික සමීකරණ $x = 6 \cos 2t$, $y = 2 \sin t$, $\left(-\frac{\pi}{2} < t < \frac{\pi}{2}\right)$ වේ. $\frac{dy}{dx} = \lambda \cos ect$

බව පෙන්වන්න. මෙහි λ නිර්ණය කළ යුතු නියතයකි. $t = \frac{\pi}{6}$ වන ලක්ෂ්‍යයේ දී C වක්‍රයට ඇඳි අභිලම්භයේ සමීකරණය සොයන්න.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

06. $y = x^2 - 2x + 5$ වන විට, $x = 2$ ලක්ෂ්‍යයේ දී ඇඳි ස්පර්ශකයේ සමීකරණය සොයන්න.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

Blank lined paper for writing.

Blank lined paper with a large diagonal watermark reading "NMP".

සංයුක්ත ගණිතය 13 - I B කොටස

❖ ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

11. a. $x^2 - 2x + 3 = 0$ යන වර්ගජ සමීකරණයේ මූල α හා β වේ. සමීකරණය විසඳීමෙන් තොර ව $\alpha + \beta$ හා $\alpha\beta$ හි අගයයන් ලියා දක්වන්න.
ඒ නයින්,
i. $\alpha^2 + \beta^2 = -2$ බව පෙන්වන්න.
ii. $\alpha^3 + \beta^3$ හි අගය සොයන්න.
iii. $\alpha^4 + \beta^4 = (\alpha^2 + \beta^2)^2 - 2(\alpha\beta)^2$ බව පෙන්වන්න.
iv. $\alpha^3 - \beta$ හා $\beta^2 - \alpha$ මූල වන වර්ගජ සමීකරණය $px^2 + qx + r = 0$ ආකාරයෙන් සොයන්න.
- b. $x - 2$ යනු $P(x) = 3x^3 + Cx^2 + x - 2$ බහු පද ශ්‍රිතයේ සාධකයක් නම්, C හි අගය සොයන්න. C හි මෙම අගය සඳහා
i. $P(x)$ හි ඉතිරි සාධකය සොයන්න.
ii. $P(x) = 0$ සඳහා ඇත්තේ එක් තාත්වික මූලයක් පමණක් බව පෙන්වන්න.
iii. $P(x) + \lambda(x - 2)(3x - 1) = 0$ ට ප්‍රතින්න මූල 3ක් පවතී නම්, λ ට ගත හැකි අගය පරාසය සොයන්න.
12. a. a, b, c යනු තාත්වික නියත ද $f(x) = ax^2 + 2bx + c$ ද $g(x) = 2(ax + b)$ ද නම්, λ යනු තාත්වික නියතයක් වන $F(x) \equiv f(x) + \lambda g(x)$ වර්ගජ ප්‍රකාශනයේ විචේදනය ලියන්න.
 $f(x) = 0$ හි මූල තාත්වික ද ප්‍රතින්න ද නම්, $F(x) = 0$ හි මූල තාත්වික ද ප්‍රතින්න ද බව අපෝහනය කරන්න.
- b. i. $5|x - 1| + 3 \leq ax + b$ යන අසමානතාවය තෘප්ත කරන x හි අගය කුලකය $\{x | 0 \leq x \leq 5, x \in R\}$ මගින් නිරූපණය කෙරෙයි නම්, a හා b නියත සොයන්න.
ii. $x^2 - 2x - 24 < 0$ ද $x^2 + 2x > 0$ ද වන සියළු තාත්වික x හි අගයන් සොයන්න.
- c. $a, b, c \in \mathbb{R}$ වන විට, $\log_a c = \frac{\log_b c}{\log_b a}$ බව පෙන්වන්න. ඒනයින්, $\log_a c = \frac{1}{\log_c a}$ බව අපෝහනය කරන්න.
 $x = \log_{2a} a$, $y = \log_{3a} 2a$, $z = \log_{4a} 3a$ නම්, $xyz + 1 = 2yz$ බව පෙන්වන්න.

13. a. y යනු x හි ශ්‍රිතයක් වන අතර $x = \tan \theta$ වේ. $\frac{dy}{d\theta}$ සහ $\frac{d^2y}{d\theta^2}$ ඇසුරෙන් $\frac{d^2y}{dx^2}$ ප්‍රකාශ කරන්න.

$$(1+x^2)^2 \frac{d^2y}{dx^2} + 2x(1+x^2) \frac{dy}{dx} + y = 0 \quad \text{නම්} \quad \frac{d^2y}{d\theta^2} + y = 0$$

බව පෙන්වන්න.

- b. $y^2 = 5x+6$ හා $x^2 = y$ යන පරාවල දෙක මගින් ආවෘත පෙදෙසේ වර්ගඵලය වර්ග ඒකක $5\frac{2}{5}$ බව පෙන්වන්න.

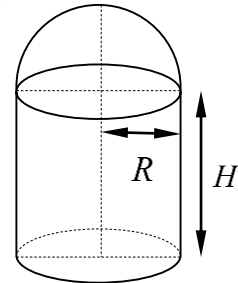
ඉහත $y^2 = 5x+6$ පරාවලයෙන් ද $x=1$ රේඛාවෙන් ද ආවෘත වර්ගඵලය x -අක්ෂය වටා භ්‍රමණය කිරීමෙන් ජනනය වන ඝනයේ පරිමාව සොයන්න.

14. a. $x \neq 1$ හා $x \in R$ සඳහා $f(x) = \frac{x+4}{(x-1)^2}$ යැයි ගනිමු. $f(x)$ හි පළමු ව්‍යුත්පන්නය සොයන්න.

$$f(x) \text{ හි දෙවන ව්‍යුත්පන්නය වන } f''(x) \text{ යන්න } f''(x) = \frac{2(x+14)}{(x-1)^4} \text{ ලෙස දී ඇත.}$$

හැරුම් ලක්ෂ්‍ය, ස්පර්ශෝත්මය සහ නතිවර්ත ලක්ෂ්‍ය නිරූපණය කරමින් $y = f(x)$ හි ශ්‍රිතයේ දළ ප්‍රස්ථාරයක් අඳින්න.

- b. V නියත පරිමාවක් සහිත, සිලින්ඩරයක මුදුනේ අර්ධගෝලීය කොටසකින් සමන්විත හැඩය සහිත ගබඩා ඒකකයක් ඇත. එම ඝනයේ වර්ගඵලය අවම වන පරිදි මාන (අරය H සහ උස H) නිර්ණය කරන්න.



15. a. හින්න භාග භාවිතයෙන්, $\int \frac{1}{(x^2-1)(2x+1)} dx$ සොයන්න.

$$\text{ඒනයිත්, සුදුසු ආදේශයක් භාවිතයෙන් } \int \frac{1}{\sin \theta + \sin 2\theta} d\theta \text{ සොයන්න.}$$

- b. කොටස් වශයෙන් අනුකලනය භාවිතයෙන්, $\int e^{5x} \sin 2x dx$ සොයන්න.

$$c. \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{\sin x \cdot \cos x}{\cos^2 x + \sin^4 x} dx = 2 \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{\sin 2x}{\cos^2 2x + 3} dx \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

ඒ නයිත්, $z = \cos 2x$ යන ආදේශය භාවිතයෙන් හෝ අන් අයුරකින් හෝ,

$$\int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{\sin x \cdot \cos x}{\cos^2 x + \sin^4 x} dx = 2 \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{\sin 2x}{\cos^2 2x + 3} dx = \frac{\pi}{6\sqrt{3}} \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

16. a. $a_1x + b_1y + c_1 + \lambda(a_2x + b_2y + c_2) = 0$ යනු $a_1x + b_1y + c_1 = 0$ හා $a_2x + b_2y + c_2 = 0$ සරල රේඛාවල ඡේදන ලක්ෂ්‍ය ඔස්සේ යන සරල රේඛාවක් බව පෙන්වන්න. මෙහි λ යනු පරාමිතියකි.
 $ABCD$ යනු සමාන්තරාස්‍රයකි. AB, BC, CD සහ DA පාදවල සමීකරණ පිළිවෙලින් $y = m_1x + c_1$, $y = m_2x + d_1$, $y = m_1x + c_2$ සහ $y = m_2x + d_2$ වේ. ශීර්ෂවල බිණ්ඩාංක නොසොයා,
i. AC හා BD විකර්ණවල සමීකරණ සොයන්න.
ii. $ABCD$ රොම්බසයක් වේ නම්, $(1 + m_1^2)(d_2 - d_1)^2 = (1 + m_2^2)(c_2 - c_1)^2$ බව පෙන්වන්න.
- b. සරල රේඛාවක් මගින් x -අක්ෂය $A(7, 0)$ හි දී ද y -අක්ෂය $B(0, -5)$ හි දී ද ඡේදනය වේ. AB රේඛාවට ලම්භක ව ඇඳි PQ විචල්‍ය රේඛාවක් මගින් x -අක්ෂය P හි දී ද y -අක්ෂය Q හි දී ද ඡේදනය වේ. AQ හා BP රේඛා R හි දී ඡේදනය වේ නම්, R හි පථයේ සමීකරණය සොයන්න.
17. a. $\tan(A - B)$ හි ප්‍රසාරණය භාවිතයෙන්, $\tan 15^\circ = 2 - \sqrt{3}$ බව පෙන්වන්න.
 $0 < x < \frac{\pi}{2}$ සඳහා $\tan\left(\frac{x}{2}\right) = \frac{\sqrt{1 + \tan^2 x} - 1}{\tan x}$ බව පෙන්වන්න.
 $\tan 7\frac{1}{2}^\circ = (\sqrt{3} - \sqrt{2})(\sqrt{2} - 1)$ බව පෙන්වා, $\cot 7\frac{1}{2}^\circ = \sqrt{2} + \sqrt{3} + \sqrt{4} + \sqrt{6}$ බව අපෝහනය කරන්න.
- b. $\cot x + \operatorname{cosec} x = \sqrt{3}$ යන සමීකරණයේ සාධාරණ විසඳුම සොයන්න.
- c. ABC ඕනෑම ත්‍රිකෝණයක් සඳහා වන සයින් නීතිය ප්‍රකාශ කර සාධනය කරන්න. සයින් නීතිය භාවිතයෙන්
i. $(b - c)\cos\left(\frac{A}{2}\right) = a \sin\left(\frac{B - C}{2}\right)$
ii. $\frac{a + b - c}{a + b + c} = \tan\left(\frac{A}{2}\right)\tan\left(\frac{B}{2}\right)$

WWW.LOL.LK

BUY

PAST PAPERS

071 777 4440

Buy Online - www.LOL.lk

• GCE O/L • PAST PAPERS
• GCE A/L • SHORT NOTES



Protect Yourself From Coronavirus

YOU STAY AT HOME



WE DELIVER!

ORDER NOW

075 699 9990

WWW.LOL.LK

TOP CATEGORIES

GCE O/L Exam NEW

Grade 09, 10 & 11

Grade 06, 07 & 08

Grade 04 & 05

Grade 01, 02 & 03

About Us

Shop HOT

Cart

HUGE SALE – SHOP NOW

අ.පො.ස. කාපෙළ ජයගැනීමේ විප්ලවීය වෙනස

අ.පො.ස. කා.පෙළ පසුගිය විභාග ප්‍රශ්නෝත්තර 2010 සිට 2019 දක්වා

සමනල දැනුම

A+ GUIDE PAST PAPERS

පසුගිය විභාග ප්‍රශ්නෝත්තර 2010 සිට 2019 දක්වා

දැනුම උසස් කර ගන්න.

✓ ප්‍රශ්න

✓ උත්තර

✓ වර්ගීකරණය

✓ අනුමාන

සියලුම විෂයයන් සඳහා පසුගිය විභාග ප්‍රශ්න පත්‍ර Online Order කරන්න.



ISLANDWIDE DELIVERY

Free delivery on all orders over Rs. 3500



More than 1000+ Papers

For all major Subjects and mediums



ONLINE SUPPORT 24/7

Shopping Hotline 071 777 4440

FEATURED PRODUCTS

SORT BY

☐ GCE O/L Exam



GCE O/L EXAM, SCIENCE
O/L Science Past Paper Book

★★★★★

රු 350.00

– 1 + ADD TO CART



GCE O/L EXAM, MUSIC
O/L Music Past Paper Book

★★★★★

රු 350.00

– 1 + ADD TO CART



GCE O/L EXAM, MATHEMATICS
O/L Mathematics Past Paper Book

★★★★★

රු 350.00

– 1 + ADD TO CART



GCE O/L EXAM, INFORMATION & COMMUNICATION TECHNOLOGY
O/L Information & Communication Technology Past Paper Book

★★★★★

රු 350.00



GCE O/L EXAM, HISTORY
O/L History Past Paper Book

★★★★★

රු 350.00



GCE O/L EXAM, HEALTH & PHYSICAL EDUCATION
O/L Health & Physical Education Past Paper Book

★★★★★

රු 350.00